

# OBSAH SEMESTRA

## SQL Server

<https://db-engines.com/en/ranking> <https://www.sqlservercentral.com/articles/t-sql-language-changes-in-sql-server-2022>

- 0) **Relačná algebra**
- 1) **Funkčné závislosti, uzávery a bezstrat. závislosť**
- 2) **Normálne formy, najnovšia NF - ETNF**
- 3) **Úvod do SQL Server; Množ.op.; Doč.t; WHILE**
- 4) **Uložené procedúry, funkcie**
- 5) **Pohľady; CTE, rekurzia a transitívny uzáver**
- 6) **Transakcie; Kurzory; Pivot;**
- 7) **Triggery; B-stromy a indexy**
- 8) **XML, JSON; Window funkcie**

## MongoDB

- 9) **Big data a NoSQL - Úvod do MongoDB**
- 10) **CRUD a kurzory**
- 11) **Agregácie a indexy**
- 12) **Replikácia a sharding**

# Funkčná závislosť, uzávery a bezstratová dekompozícia

- Funkčná závislosť (FZ) a nadkľúč
- Funkčný a atribútový uzáver
- Bezstratová dekompozícia

## Funkčná závislosť (FZ) a nadkľúč

Uvažujme relačnú schému  $R(\mathcal{A})$ , kde  $\mathcal{A}$  je množina atribútov

$$\text{NazovTab}(A_1, A_2, \dots, A_n) \equiv \text{NazovTab}(A_1:T_1, A_2:T_2, \dots, A_n:T_n)$$

- Relačná schéma = názov relácie, množina atribútov a ich typy.

### Definícia

Nech  $X$  a  $Y$  sú množiny atribútov. Hovoríme že,

$Y$  funkčne závisí od  $X$  ( $X$  funkčne určuje  $Y$ ;  $X$  je determinant)  $X \rightarrow Y$ , ak pre ľubovoľné dva riadky, v ktorých  $X$  atribúty sa rovnajú, platí, že rovnajú sa aj  $Y$  atribúty, tzn.  
 $t_1[X] = t_2[X] \Rightarrow t_1[Y] = t_2[Y]$ .

Poznámky:

- každej hodnote  $X$  zodpovedá práve jedna hodnota  $Y$
- funkčná závislosť  $X \rightarrow Y$  je triviálna, ak  $Y$  je podmnožinou  $X$

AK  $t$  je  $n$ -tica, potom  $t[X]$  je obmedzenie  $t$  na množinu  $X$ . Teda  $t[X]$  je tiež  $n$ -tica, ktorá sa nazýva **projekcia**  $n$ -tice  $t$  na  $X$ .

FZ  $X \rightarrow A$  sa považuje za funkciu, ktorá spája s každou hodnotou  $X$  nejakú jedinečnú hodnotu  $A$ . Ak je  $t$   $n$ -tica, potom  $t[X]$  jedinečne určuje hodnotu  $t(A)$ .

A	B	C
1	A	A
1	B	B
2	A	D
3	D	C
4	A	A
5	D	C

- tabuľka reprezentuje súčasný stav relácie  $R(A,B,C)$ . Ktoré z nasledujúcich FZí platia v  $R$  na základe jej súčasného stavu:

a)  $A \rightarrow B$ , b)  $B \rightarrow A$ , c)  $A \rightarrow C$ , d)  $C \rightarrow A$  e)  $B \rightarrow C$ , f)  $C \rightarrow B$

—

### Vlastnosti

$A \rightarrow B_1B_2\dots B_k \Leftrightarrow A \rightarrow B_i, i=1,2,\dots,k$  Treba dokázať v oboch smeroch (nižšie)

rozštiepenie  $\Rightarrow$  spojovanie  $\Leftarrow$

Tranzitivnosť:  $A_1A_2\dots A_n \rightarrow B_1B_2\dots B_k$  &  $B_1B_2\dots B_k \rightarrow C_1C_2\dots C_m \Rightarrow A_1A_2\dots A_n \rightarrow C_1C_2\dots C_m$

## Kandidátny, nad a primárny kľúč

**Def. 1a** Nech  $X$  je množina atribútov.  $X$  je **kandidátny kľúč** pre  $R$ , ak:

- $X$  funkčne určuje všetky ostatné (neklúčové) atribúty  $R$ .
- Žiadna podmnožina  $X$  neurčuje funkčne ostatné atribúty.

**Def. 1b** **Kandidátny kľúč** (pre  $r$ ) je ľubovoľná množina stĺpcov  $X$ , ktoré majú v každom riadku jedinečnú kombináciu hodnôt a odstránením ľubovoľného stĺpca z  $X$  by sa vytvorili duplicitné kombinácie hodnôt.

Poznámky:

- v def. 1a sa predpokladá, že relácia  $r$  ako inštancia  $R$  je množina (teda bez duplicitných riadkov)
- ak tabuľka má kľúč, potom v nej všetky riadky sú rozdielne
- (Kandidátny) kľúč pre reláciu  $R$  je minimálna množina atribútov  $X$ , pre ktorú platí  $X \rightarrow R$
- z a) vyplýva, že dva rozdielne riadky  $R$  sa nemôžu rovnať na  $X$ . Skutočne, keby sa rovnali na  $X$ , potom by sa museli rovnať aj v iných atr. a preto dva riadky by boli rovnaké – protirečenie.

Relácia môže mať viac kandidátnych kľúčov – z nich sa vyberie jeden – primárny kľúč.

**Def. 2** Hovoríme, že množina atribútov  $X$  je **podkľúč (PK)** / **nadkľúč (NK)**, ak  $X$  je podmnožinou / nadmnožinou **nejakého, aspoň jedného** kandidátneho kľúča,  $X \subseteq KK_i / KK_i \subseteq X$ .

Poznámky:

- **nadkľúč** (superkľúč) je ľubovoľná nadmnožina kľúča.
- (Nech je daná relácia  $R(A)$ . Potom množinu atribútov  $X \subseteq A$  takú, že  $X \rightarrow A$ , nazývame **nadkľúč**.)
- Pre nadkľúč  $X$  platí: relácia nemá dva rozdielne riadky s rovnakými hodnotami pre atribúty z  $X$ .

A	B	C	D
1	Z	10	Aa
1	Z	20	Bb
	L	10	Cc
2	L	30	Dd
3	L	10	Cc

$\{A,C\}$  je nadkľúč?  
 -  $A \rightarrow B$   
 -  $A,C \rightarrow B$   
 -  $A, C \rightarrow B,D$

### Príklad. Kompozitný kľúč

#### Relácia Dielo

Autor	NazovDiela	Rok	Vydavatel	PocetStran	Zaner
J.Austin	Sense and Sensibility	1811	T.Egerton	320	Romance
A.C.Clark	Cradle	1988	Warner Books	293	Scifi
G.Lee	Cradle	1988	Warner Books	293	Scifi
A.Hejlsberg	The C# Programming Language	2003	Addison Wesley	672	Software
S.Wiltamuth	The C# Programming Language	2003	Addison Wesley	672	Software
P.Golde	The C# Programming Language	2003	Addison Wesley	672	Software
A.C.Clark	XZY	1988			
A.C.Clark	Cradle	??			

- Autor môže napísať viac\* diel s tým istým názvom (ale nie v tom istom roku!)
- Nové vydanie (dotlač) uvažovať za to isté dielo
- (Dielo bez autora – Biblia?)

Nájďme kľúč! Uvažujme za determinanta najprv dvojice.

NazovDiela, Rok jednoznačne určia aj Vydavateľa, aj PocetStran, aj Zaner (spojovanie):

- NazovDiela, Rok  $\rightarrow$  Vydavateľ
- NazovDiela, Rok  $\rightarrow$  PocetStran  $\Leftrightarrow$  NazovDiela, Rok  $\rightarrow$  Vydavateľ, PocetStran, Zaner
- NazovDiela, Rok  $\rightarrow$  Zaner

Lenže:

- NazovDiela, Rok, **neurčuje** Autor, lebo niektoré diela majú viac autorov

Podobne:

- Rok, Autor **neurčuje** NazovDiela, lebo autor v danom roku môže napísať rôzne diela
- NazovDiela, Autor **neurčuje** Rok, lebo podľa predpokladu \* Autor s tým istým názvom môže napísať viac diel (v rôznych rokoch).

Riešením je **trojica**:

**NazovDiela, Rok, Autor - je kľúč.**

- najprv ukážeme, že trojica určuje všetky ostatné. Predpokladajme, že dva riadky na trojici sú rovnaké  $\Rightarrow$  sú rovnaké aj na dvojici NazovDiela, Rok – lenže ona, ako sme videli vyššie, určí Vydavateľ, PocetStran, Zaner (ale Autor nie) a preto dva riadky sú rovnaké (vo všetkých atribútoch), čo je protirečenie s 3.
- treba ešte ukázať, že žiadna podmnožina trojice neurčuje funkčne ostatné atribúty (to sme urobili vyššie).

Existuje aj iný kľúč?

## Pravidlá pre funkčné závislosti

Pomocou nasled. pravidiel môžeme vytvárať nové funkčné závislosti alebo dokázať, že ide o funkčnú závislosť.

Uvažujme relačnú schému  $R \equiv R(\mathcal{A}, \mathcal{F})$ , kde  $\mathcal{A} = \{A_1, \dots, A_n\}$ ,  $\mathcal{F} = \{FZ_1, \dots, FZ_k\}$ .

Vlastnosti funkčných závislostí (**Armstrongove pravidlá**)

- A1)  $x \subseteq y \Rightarrow y \rightarrow x$  reflexívnosť (triv.závislosť)
- A2)  $x \rightarrow y \Rightarrow \forall z: xz \rightarrow yz$  augmentation ...
- A3)  $x \rightarrow y \ \& \ y \rightarrow z \Rightarrow x \rightarrow z$  tranzitívnosť

Pr. Nech  $\{AB \rightarrow C, CD \rightarrow E\} \Rightarrow ABD \rightarrow E$

Riešenie:

- $AB \rightarrow C$  - dané
- $ABD \rightarrow CD$  - A2)
- $CD \rightarrow E$  - dané
- $ABD \rightarrow E$  - A3)

- 4)  $(x \rightarrow y) \ \& \ (x \rightarrow z) \Rightarrow x \rightarrow yz$
- 5)  $(x \rightarrow y) \ \& \ (wy \rightarrow z) \Rightarrow wx \rightarrow wz$
- 6)  $(x \rightarrow y) \ \& \ (z \subseteq y) \Rightarrow x \rightarrow z$  - dekompozícia

### Veta. Armstrongove pravidlá

- sú **korektné** – funkčné závislosti  $F_i$  odvodené z  $F$  platia pre každú inštanciu  $R$
- sú **úplné** – ľubovoľnú funkčnú závislosť  $F_i$  je možné odvodiť z  $F$  pre každú inštanciu  $R$
- vlastnosti A1, A2, A3 sú **nezávislé** a bez hociktorej z nich úplnosť je narušená

**Dôkaz:** 4) pomocou Armstr.

- a)  $x \rightarrow y \Rightarrow x \rightarrow xy$  podľa A1), A2)
  - b)  $x \rightarrow z \Rightarrow xy \rightarrow yz$  podľa A2)
  - c)  $x \rightarrow yz$  podľa a), b), A3)
- Na cvičení dokázať 5), 6).

Dokážme A2): 1) na základe definície, 2) **sporom**.

**Kontrapríklad**, že v A2) z pravej strany nevyplýva ľavá strana –  $xz \rightarrow yz$  platí, ale  $x \rightarrow y$  nie.

X	Z	Y
1	A	$\gamma$
1	A	$\gamma$
1	B	$\alpha$

### Dôkazy

Def.: Nech máme schému  $R(A_1, \dots, A_n)$ , kde  $A_1, \dots, A_n$  sú atribúty. Nech máme dve množiny atribútov  $X, Y \in \mathcal{A}$ ,  $\mathcal{A} = \{A_1, \dots, A_n\}$ . Hovoríme, že  $X$  funkčne určuje  $Y$  ( $Y$  funkčne určuje  $X$ ), ak platí pre ľubovoľné dva riadky tabuľky  $R$ , že ak hodnoty  $x$  sú rovnaké, tak potom aj hodnoty  $y$  budú rovnaké.

Ozn.  $X \rightarrow Y$

Pre funkčnú závislosť platia **ARMSTRONGOVÉ PRAVIDLÁ** :

- A1,  $X \subseteq Y \Rightarrow Y \rightarrow X$  reflexivita
- A2,  $X \rightarrow Y, \forall Z : XZ \rightarrow YZ$
- A3,  $X \rightarrow Y \ \& \ Y \rightarrow Z \Rightarrow X \rightarrow Z$  tranzitivita

Príklady:

Zadanie: Dokážte pomocou definície:

1.  $X \rightarrow Y \ \& \ X \rightarrow Z \Rightarrow X \rightarrow YZ$

Uvažujem ľubovoľné dva riadky:

$$[X_1, Y_1, Z_1, U_1]$$

$$[X_2, Y_2, Z_2, U_2]$$

Ak  $X_1 = X_2$ , tak  $Y_1 = Y_2$  a zároveň ak  $X_1 = X_2$ , tak  $Z_1 = Z_2$ . Potom ale platí aj  $Y_1Z_1 = Y_2Z_2$  za predpokladu  $X_1 = X_2$ , čo bolo potrebné dokázať.

( Podľa Armstrongových pravidiel :  $X = XX \xrightarrow{X \rightarrow Y + A_2} YX \xrightarrow{X \rightarrow Z + A_2} YZ$  )

$$2. X \rightarrow YZ \Rightarrow X \rightarrow Y \wedge X \rightarrow Z$$

Podľa definície: uvažujme

$$[X_1, Y_1, Z_1]$$

$$[X_2, Y_2, Z_2]$$

Keďže  $X_1 = X_2$ , tak  $Y_1Z_1 = Y_2Z_2$ , potom platí, že ak  $X_1 = X_2$ , tak  $Y_1 = Y_2$  a zároveň ak  $X_1 = X_2$ , tak  $Z_1 = Z_2$ .

Podľa Armstrongových pravidiel:

$$X \rightarrow YZ \xrightarrow{A_1} Y \xrightarrow{A_3} X \rightarrow Y$$

$$X \rightarrow YZ \xrightarrow{A_1} Z \xrightarrow{A_3} X \rightarrow Z$$

$$3. A \rightarrow B \wedge CB \rightarrow D \Rightarrow AC \rightarrow D$$

Podľa definície: uvažujme

$$[A_1, C_1, B_1, D_1, U_1]$$

$$[A_2, C_2, B_2, D_2, U_2]$$

Keďže  $A_1 = A_2$ , tak  $B_1 = B_2$  a zároveň ak  $C_1B_1 = C_2B_2$ , tak  $D_1 = D_2$  potom platí ak  $A_1C_1 = A_2C_2$ , tak  $D_1 = D_2$

Podľa Armstrongových pravidiel:

$$A \rightarrow B \xrightarrow{A_2} AC \rightarrow BC \rightarrow D \xrightarrow{A_3} AC \rightarrow D$$

## Uzávery

### Funkčný uzáver $F^+$

Uvažujme reláciu  $R(\mathcal{A}, \mathcal{F})$ , kde  $\mathcal{A}$  a  $\mathcal{F}$  sú množiny atribútov a FZí, a nech  $F \subseteq \mathcal{F}$ .

**Funkčný uzáver**  $F^+$  je množina všetkých FZí, ktoré vyplývajú z  $F$  pomocou Armstrongových pravidiel.  $F^+ = \{ \text{všetky } X \rightarrow Y, \text{ ktoré vyplývajú z } F \}$

Podobne:  $\mathcal{F}^+ = \{ \text{všetky } X \rightarrow Y, \text{ ktoré vyplývajú z } \mathcal{F} \}$

**Korektnosť ArmPrav:** ak  $X \rightarrow Y$  je odvodená z  $\mathcal{F}$ , potom  $X \rightarrow Y \in \mathcal{F}^+$ .

**Úplnosť ArmPrav:** ak  $X \rightarrow Y \in \mathcal{F}^+$ , potom  $X \rightarrow Y$  je odvodená z  $\mathcal{F}$ .

**Atribútový uzáver**  $A^+ \equiv A^+ | \mathcal{F}$

Uvažujme reláciu  $R(\mathcal{A}, \mathcal{F})$  a množinu atribútov  $A \subseteq \mathcal{A}$ .

**Uzáver**  $A^+ \equiv A^+ | \mathcal{F}$  **atribútov**  $A$  vzhľadom na množinu FZí  $\mathcal{F}$  je množina všetkých atribútov  $X \subseteq \mathcal{A}$ , pre ktoré FZ  $A \rightarrow X$  logicky vyplýva (teda napr. na základe Armstrongových pravidiel) z  $\mathcal{F}$ .

**Algoritmus atribútového uzáveru:**

a) Nech je  $X = \{A\}$ .

b) Cyklus:

hľadáme FZ  $B_1, \dots, B_m \rightarrow C$  takú, že  $C \in \mathcal{A}$ ,  $B_i \in X$ ,  $i = \overline{1, m}$ , ale  $C \notin X$

=> dodáme C do X, tzn.  $X = X \cup C$ ,  $X = \{A, B_1, \dots, B_m, C\}$ .

c) Na konci  $A^+ \equiv X$ .

**Príklad 1a).** Uvažujme reláciu  $R(\mathcal{A}, \mathcal{F})$ , kde  $\mathcal{A} = (A, B, C, D, E, F)$  a

$\mathcal{F} = \{AB \rightarrow C, BC \rightarrow AD, D \rightarrow E, CF \rightarrow B\}$ . Určme  $\{A, B\}^+$ .

Riešenie.

a) Namiesto  $X = \{AB\}$  môže byť definícia  $X = \{A, B\}$ , lebo z  $AB \rightarrow A$  a z  $AB \rightarrow B$ .

b) Pretože ľavá strana  $AB \rightarrow C$  je v X, preto pravú stranu dodáme do X,  $X = \{A, B, C\}$ .

Pretože ľavá strana  $BC \rightarrow AD \rightarrow D$  je v X, preto časť pravej strany dodáme do X,  $X = \{A, B, C, D\}$ .

$D \rightarrow E \Rightarrow X = \{A, B, C, D, E\}$ .

c)  $CF \rightarrow B$  nic. =>  $\{A, B\}^+ = \{A, B, C, D, E\}$ .

Všeobecný princíp, pomocou ktorého môžeme stanoviť, či z FZ<sub>1</sub> vyplýva FZ<sub>2</sub>:

Uvažujme reláciu  $R(\mathcal{A}, \mathcal{F})$ ,  $F_1 \subseteq \mathcal{F}$  a  $F_2: A \rightarrow B$ , kde  $A \in \mathcal{A}$ .

Ak  $B \in A^+$ , potom z  $F_1$  vyplýva  $F_2$ .

Teda

$$\boxed{\begin{array}{l} B \in A^+ \\ \Rightarrow A \rightarrow B \end{array}}$$

Platí aj silnejšia ekvivalencia:  $B \in A^+ \Leftrightarrow$  z  $F_1$  vyplýva  $F_2$ .

$\Leftrightarrow$

**Lema:**  $x \rightarrow y$  sa dá odvodiť z F pomocou Armstrongových axióm práve vtedy keď  $y \subseteq x^+$  vzhľadom na F.

Pre každý atribút  $a \in y \subseteq x^+$ . Platí  $x \rightarrow a$  podľa definície uzáveru  $x^+$ . Podľa vlastnosti 4) platí aj  $x \rightarrow y$ .

Naopak nech  $x \rightarrow y$  sa dá odvodiť. Potom pre každé  $a \in y$  platí  $x \rightarrow a$  podľa 6)  $a \in x^+$ .

**Príklad 1b).** Pokračovanie predchádzajúceho príkladu. Vyplývajú z  $\mathcal{F}$  FZi:  $D \rightarrow A$  a  $AB \rightarrow D$ ?

Riešenie.

$AB \rightarrow D$  vyplýva, lebo D je z  $\{A, B\}^+ = \{A, B, C, D, E\}$ .

$D \rightarrow A$  nevyplýva, lebo A nie je z  $\{D\}^+ = \{D, E\}$ .

# Bezstratová dekompozícia [https://en.wikipedia.org/wiki/Lossless\\_join\\_decomposition](https://en.wikipedia.org/wiki/Lossless_join_decomposition)

Natural Join relačnej algebry -  $r_1 \bowtie r_2$

$$r_1 \bowtie r_2 \Leftrightarrow r_1 \bowtie_{r_1.id = r_2.id} r_2$$

$$\Leftrightarrow \text{SELECT } * \text{ FROM } r_1 \text{ JOIN } r_2 \text{ ON } r_1.id = r_2.id$$

Kvôli jednoduchosti množinu atribútov  $\mathcal{A}$  relačnej schémy  $R$  budeme označovať ako  $A$ ,  $\mathcal{A} \equiv A$ .

**Dekompozícia** relačnej schémy  $R$  dvomi relačnými schémami  $\{R_1, R_2\}$  je taký rozklad, že  $A = A_1 \cup A_2$ . Používajú sa aj označenia  $\{A_1, A_2\}$ , či  $R = R_1 \cup R_2$ .

Dekompozícia  $\{R_1, R_2\}$  je **bezstratová** (rozklad bezstratovým spojením - lossless-join decomposition) vzhľadom na množinu FZÍ  $\mathcal{F}$ , ak pre každú inštanciu  $r$  z  $R$ , ktorá spĺňa  $\mathcal{F}$  platí:

$$\pi_{A_1}(r) \bowtie \pi_{A_2}(r) = r, \text{ teda } r[A_1] \bowtie r[A_2] = r,$$

čo jednoducho označujeme ako  $r_1 \bowtie r_2 = r$ ,  $R_1 \bowtie R_2 = R$  alebo ako aj  $A_1 \bowtie A_2 = A$ .

Dekompozícia  $\{R_1, R_2\}$  je **stratová**, ak  $R_1 \bowtie R_2 \supset R$ .

Poznámka: prípad  $R_1 \bowtie R_2 \subset R$  nemôže nastať.

**Kritérium.** Dekompozícia je bezstratová, ak aspoň jedna z nasledujúcich funkčných závislostí je z  $\mathcal{F}^+$

- $(A_1 \cap A_2) \rightarrow A_1 \in \mathcal{F}^+$
- $(A_1 \cap A_2) \rightarrow A_2 \in \mathcal{F}^+$

teda spoločný atribút(y) je nadkľúč buď pre  $R_1$  alebo  $R_2$  (podľa dohody  $\mathcal{A}_i \equiv A_i$ ).

## Príklad 1:

Nech  $R \equiv R(\mathcal{A}, \mathcal{F})$ , kde  $\mathcal{A} = \{A, B, C\}$  a  $\mathcal{F} = \{A \rightarrow B\}$ . Ukážme, že rozklad  $\{R_1, R_2\}$ , kde  $R_1 = \{A, B\}$  a  $R_2 = \{A, C\}$ , je bezstratová (tu  $A, B, C$  sú štandardné atribúty).

Pretože  $R_1 \cap R_2 = A$  a  $A$  je KK v  $R_1$ , máme  $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \in \mathcal{F}^+$ .

## Príklad 2:

Nech  $R \equiv R(\mathcal{A})$ , kde  $\mathcal{A} = \{a, b\}$ . Uvažujme rozklad  $\{T_1, T_2\}$ , kde  $T_1 = \{a\}$  a  $T_2 = \{b\}$ .

Dá sa tu rozprávať o bezstratovej dekompozícii?

Nie, lebo kvôli prirodzenému spojeniu musí existovať jeden spoločný názov stĺpca!

a	b
1	1
2	1
1	1

**Príklad 3 na cvičení:** Uvažujme rozklad  $\{T_1, T_2\}$  tabuľky  $T$

a) Presvedčte sa, že rozklad bude stratový.

b) Zmeňte jednu hodnotu v tabuľke  $T$ , aby daný rozklad bol bezstratový.

DÚ. Interpretujte  $R_1 \cup R_2$ ,  $R_1 \times R_2$  a  $R_1 \bowtie R_2$ .